丁智,张霄,吴敏慧,等.双线地铁运营隔振沟屏障性能研究[J].地震工程学报,2019,41(1):9-15.doi:10.3969/j.issn.1000-0844.2019.01.009

DING Zhi, ZHANG Xiao, WU Minhui, et al. Vibration Isolation Effect of Isolation Trenches during Double-Line Subway Operation[J]. China Earthquake Engineering Journal, 2019, 41(1):9-15.doi:10.3969/j.issn.1000-0844.2019.01.009

# 双线地铁运营隔振沟屏障性能研究

# 丁 智<sup>1,4</sup>,张 霄<sup>1</sup>,吴敏慧<sup>2</sup>,李丹薇<sup>3</sup>,陈雷越<sup>4</sup>

(1. 安徽理工大学 土木建筑学院, 安徽 淮南 232001; 2. 杭州市公路管理局, 浙江 杭州 310030;

3. 大象建筑设计有限公司,浙江杭州 310012; 4. 浙江大学城市学院 土木工程系,浙江杭州 310015)

摘要:为研究双线地铁运营时隔振沟的减振效果,基于 2.5 维有限元法建立双线地铁列车-轨道-地 基土体耦合分析模型。模型克服现有研究将轨道结构简化为弹性地基欧拉梁的缺陷,引入实际钢 轨动力学参数,实现双线地铁列车荷载下隔振沟对周围地基的隔振效果分析,比较空沟、填充沟两 种不同隔振措施的减振特性,并对填充沟隔振影响因素进行系统的参数分析。研究结果表明:双线 运营地铁荷载下,空沟隔振作用体现在沟后范围内,填充沟减振范围更广且效果更好,相比空沟更 具工程实用性;填充沟在沟深较小时也能发挥良好的减振作用,增大沟深、沟宽均可有效提高减振 效果。研究成果可为今后双线地铁隔振设计与施工提供有益参考。

关键词: 2.5 维有限元法; 双线地铁; 隔振沟; 减振

 中图分类号:
 U231
 文献标志码:A
 文章编号:
 1000-0844(2019)01-0009-07

 DOI:
 10.3969/j.issn.1000-0844.2019.01.009

# Vibration Isolation Effect of Isolation Trenches during Double-Line Subway Operation

DING Zhi<sup>1</sup>, ZHANG Xiao<sup>1</sup>, WU Minhui<sup>2</sup>, LI Danwei<sup>3</sup>, CHEN Leiyue<sup>4</sup>

(1.School of Civil Engineering and Architecture, Anhui University of Science and Technology, Huainan 232001, Anhui, China;
 2.Hangzhou Municipal Highway Administration, Hangzhou 310030, Zhejiang, China;

```
3. Green Oriental Architects, Hangzhou 310012, Zhejiang, China;
```

4. Department of Civil Engineering, Zhejiang University City College, Hangzhou 310015, Zhejiang, China)

**Abstract**: A coupled model of a double-line subway train-track-foundation soil was established on the basis of 2.5D FEM to study the vibration isolation effect of the isolation trench during doubleline subway operation. The model addresses the problems introduced by the simplification of track structures into an Euler beam on an elastic foundation and introduces the dynamic parameters of the actual rail. The model was used to analyze the vibration isolation effect of the isolation trench on the surrounding foundation under double-line subway train load. The vibration damping characteristics of open and in-filled trenches were compared, and the trench factors that influence isola-

收稿日期:2018-09-10

**基金项目:**国家自然基金项目(51508506);浙江省自然基金项目(LQ16E080008);杭州市科技计划项目(20160533B94、 20172016A06)

**第一作者简介:**丁 智(1983-),男,安徽铜陵人,博士,副教授,主要从事地铁施工及运营对周边环境影响方面的研究与教学工作。 E-mail:dingz@zucc.edu.cn。

tion were systematically analyzed. Results showed that under the double-line subway load, the infilled trench had better isolation and engineering practicality than the open trench. The in-filled trench can exert a good damping effect even with a reduced ditch depth. In addition, the isolation effect can be improved by increasing the depth and width of the in-filled trench. The results of the present work can provide useful reference for the vibration isolation design and construction of double-line subways in the future.

Keywords: 2.5D FEM; double-line subway; isolation trench; vibration reduction

# 0 引言

振动早已是国际公认的七大环境公害之一,尤 其是地铁建设迅速发展的今天,近距离多线、交叠隧 道等日益复杂的地铁网络逐渐投入运营,列车运行 引起的地基振动会干扰人们的工作和生活,导致精 密仪器设备读数不准或精度下降,甚至危及古建筑 安全,引起房屋开裂。地铁列车运行引发的地基振 动研究及有效隔振措施的选用探讨,已引起广大学 者、工程人员的高度重视,如何快速、准确地分析地 铁运行引发的近距离隧道振动响应特征并提出有效 隔振措施,是工程界一大亟待解决的问题<sup>[1-2]</sup>。

目前常用的列车振动隔振方法主要有设置屏障 隔振、隔振型扣件或在轨道下方设置波阻板及采用 浮置板道床等措施。屏障隔振分连续屏障和非连续 屏障,前者主要有隔振沟、钢筋混凝土墙、膨润土泥 浆等,后者主要是混凝土排桩等。在列车减振隔振 研究中,主要是通过对地铁隧道道床、衬砌壁、地面 及周围建筑等的振动情况进行监测或有限元数值分 析,比较各种轨道形式及减振措施的减振效果。耿 传智等[3]采用三维有限元模拟的方式,建立了地铁 弹性扣件轨道有限元模型,对地铁中采用的一般弹 性、粘结板式弹性和轨道减振器三种扣件型式进行 落轴冲击响应仿真分析,对比分析各自减振性能;涂 勤明等[4]利用三维有限元进行数值模拟,比较分析 整体轨道、弹性支撑块轨道及钢弹簧浮置板轨道三 种轨道型式的减振效果:张莉等[5]、丁智等[6]对地铁 列车运行引起轨道、衬砌管片及地面的振动加速度 进行监测,重点分析了不同轨道形式下轨道的隔振 效果;袁宗浩等[7]运用2.5 维有限元方法,建立了衬 砌-饱和土地基模型,计算分析了地铁列车荷载作用 下轨道系统及饱和土体动力响应问题并对浮置板的 减振效果进行了系统研究。陈功奇等[8]、高广运 等[9]分析了列车低速和高速运行条件下饱和土地基 中不同隔振措施的隔振效果,并将其计算结果与弹 性地基中的隔振效果进行对比分析。Thompson 等<sup>[10]</sup>针对地基下卧软土层深度、隔振栏厚度对隔振

影响进行了计算分析。但陈功奇、高广运、Thompson等研究都是针对高速铁路隔振研究,而隔振屏 障对双线地铁运营减振效果的研究尚未见报道<sup>[2]</sup>。

本文基于 2.5 维有限元方法,主要对连续隔振 屏障-隔振沟进行了减振有效性分析,建立双线地铁 隧道-隔振沟 2.5 维有限元模型进行数值模拟,模型 采用弹性土模拟,下方为刚性地基。为更加贴合实 际工程,本文克服了将轨道简化为地基上 Euler 梁 的缺陷,引用实际的铁轨动力参数进行模拟分析,并 与无隔振措施的数值分析结果对比,研究了空沟、填 充沟两种措施的减振效果,进一步对填充沟隔振效 果进行了参数化分析,致力于为实际工程中隔振措 施的选取提供一定理论参考。

## 1 地铁轨道与地基模型

#### 1.1 地基的 2.5 维有限元表达式

根据 Navier 方程,三维土体的动力方程在频域 中可表示为:

 $\mu^{\epsilon} u_{i,jj}^{t} + (\lambda^{\epsilon} + \mu^{\epsilon}) u_{j,ji}^{t} + \omega^{2} \rho u_{i}^{t} + f_{i}^{t} = 0$  (1) 其中: $\lambda^{\epsilon}$ 、 $\mu^{\epsilon}$ 为复系数的Lamé常数, $\lambda^{\epsilon} = (1+2i\beta)\lambda$ ,  $\mu^{\epsilon} = (1+2i\beta)\mu$ , $\beta$ 为土体阻尼系数。u为振动位移, 上标 t 表示频率领域中的变量。对式(1)在列车运 行方向进行波数变换,运用虚功原理,可得<sup>[11]</sup>:

 $\int_{s} \delta \varepsilon^{t*} \sigma^{t} dS = \int_{s} \omega^{2} \rho \delta u^{t*} u^{t} dS + \int_{s} \delta u^{t*} f^{t} dS \quad (2)$ 其中: $\delta u^{t*}$  为假想位移, $\delta \varepsilon^{t*}$  为假想位移相对应的 假想应变,"\*"表示共轭复数。引入形函数 N 后, 即可得到在频域中的离散方程<sup>[12]</sup>:

$$(\boldsymbol{K} - \boldsymbol{\omega}^2 \boldsymbol{M})\boldsymbol{U} = \boldsymbol{F}$$
(3)

其中:*M*,*K*,*F*分别为质量矩阵、刚度矩阵和等效节 点力矢量:其中, |*J*|为Jocobi矩阵行列式;*B*和*D* 分别为应变矩阵和弹性矩阵。

$$\boldsymbol{M} = \sum_{e} \rho^{e} \iint \boldsymbol{N}^{T} \boldsymbol{N} \mid \boldsymbol{J} \mid \mathrm{d}\eta \,\mathrm{d}\boldsymbol{\zeta}$$
(4)

$$\mathbf{K} = \sum_{e} \iint (\mathbf{B}^* \mathbf{N})^T \mathbf{D} (\mathbf{B}\mathbf{N}) \mid \mathbf{J} \mid \mathrm{d}\eta \,\mathrm{d}\zeta \qquad (5)$$

$$\boldsymbol{F} = \sum_{e} \iint \boldsymbol{N}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{f} \mid \boldsymbol{J} \mid \mathrm{d}\eta \,\mathrm{d}\zeta \tag{6}$$

#### 2.2 列车荷载的频域-波数域表达式

地铁列车荷载由一系列列车轴重荷载组成,如 图 1 所示。



列车轴重荷载经轨道方向和时间的 Fourier 变换后,得到列车荷载频域波数域表达如下:

$$\hat{\tilde{f}}(k,\omega) = 2\pi(\omega - 2\pi f_0 - kc)\chi(k)$$
(7)

$$\chi(k) = \sum_{1} P_{n} [1 + e^{iw_{a}k} + e^{i(w_{a} + w_{b})k} + e^{i(2w_{a} + w_{b})k}] e^{ik(\sum_{s=0}^{N_{T}-1} L_{s} - L_{D})}$$
(8)

式中: $\delta$  为 Dirac 函数; $N_{\rm T}$  为列车车厢数量; $f_{0}$ 为荷 载自振频率;c 为地铁列车运行速度; $P_{\rm n}$ 为地铁列车 的轴重(包括机车轴重  $P_{\rm E}$  和普通车轴重  $P_{\rm C}$ ); $L_{\rm s}$ 为 列车长度(包括拖车长度  $L_{\rm E}$  和动车长度  $L_{\rm C}$ ); $w_{\rm a}$ 为 相邻两组轮对之间的距离, $w_{\rm b}$ 为第二组和第三组轮 对之间的距离; $L_{\rm D}$ 为列车荷载到观察点之间的 距离。

# 2 数值模型验证

## 2.1 点荷载下的模型验证

为了验证本文 2.5 维有限元地基模型与计算 程序的准确性,选取与 Eason<sup>[13]</sup>相同的均匀弹性半 空间地基参数,将分析所得结果与 Eason 解析结果 作对比。图 2 为移动点荷载验证模型示意图,模型 采用 20 m 厚的均匀弹性土层,其下方为刚性基岩。 该土层密度为 2 000 kg/m<sup>3</sup>,阻尼比为 0.01,泊松 比为0.25,土体剪切波速为 100 m/s。地面上作用 着沿 *x* 轴方向以 70 m/s移动的点荷载,观察点





位于地面荷载作用竖向下方1m处。最终计算结 果乘以2πρvs/P进行归一化。本文数值模拟结果 与解析结果对比如图3所示,图3(a)为观测点水平 位移响应情况,图3(b)为观测点竖向位移响应情 况。可以看到本文数值模拟值与解析解计算值吻合 良好。



图 3 移动点荷载下方 1 m 处的地基振动位移 Fig.3 Foundation vibration displacement at 1 m below moving point load

# 2.2 列车荷载下的模型验证

以往 2.5 维有限元法计算列车荷载产生的振动 响应研究中,往往把轨道系统简化为铺设在道床上 的复合欧拉梁进行分析。本文首次建立 2.5 维实际 轨道模型的有限元模型,并对模型赋值实际钢轨的 动力学物理参数。为了验证本文地铁列车-轨道系 统-地基土体耦合模型的准确性,建立与边学成<sup>[14]</sup> 相同的地铁列车荷载下分层地基模型,如图 4 所示。 隧道系统和地基模型的物理参数列于表 1,模型尺 寸为 25 m×100 m,下方刚性地基上有 4 层土体,地 铁隧道埋深 11.5 m,内、外半径分别是 2.15 m、 2.65 m,采用三角形有限单元划分后总节点数为 2 438,单元数为 4 235,模型两侧 10 m 范围内各设



置 0.2 的阻尼比以减少边界反射波影响。隧道局部 和钢轨有限元模型如图 5 所示,列车荷载直接作用 在钢轨上,钢轨轨距采用标准宽度 1 435 mm。观察 点位于图中坐标 (0,20 m)处。列车车速 c = 17.5m/s,考虑平稳移动自振频率为 0,每节车厢长度 L = 16 m,同节车厢轮轴间隔为  $w_a = 1.9$  m, $w_b =$ 9.1 m,每节车厢重 25 t。设地铁列车轮轴荷载到达 观察点所在地基竖向平面的时刻为 0。



#### 图 4 地铁荷载验证整体地基模型

Fig.4 Overall foundation model for metro load verification

表 1 隧道系统与分层地基参数 Table 1 Parameters of tunnel system and lavered foundation

材料	层厚 $H/m$	剪切波速 vs/(m・s <sup>-1</sup> )	密度 $ ho/( ext{kg} \cdot  ext{m}^{-3})$	泊松比 v	阻尼比β/%			
衬砌	0.25	3 500.0	2 300	0.167	0.5			
钢轨	/	3 200.0	7 830	0.300	1.0			
土体第1层	7.0	125.0	1 420	0.485	5.0			
土体第2层	5.0	380.0	2 000	0.485	3.3			
土体第3层	2.0	470.0	1 800	0.478	2.0			
土体第4层	11.0	500.0	2 000	0.458	2.0			



数值计算结果与边学成结果对比,如图 6 所示。 考虑到对荷载-轨道相互作用的计算方法不同,二者 计算结果存在峰值差异,边学成采用了欧拉梁理论 模拟计算,而本文建立了实际钢轨模型,列车荷载直 接作用在钢轨有限元模型上,故所得加速度峰值较 边学成结果偏大。二者总体计算结果中加速度变化 趋势基本相同,且数量级一致,可以验证本文数值模 型和计算程序的准确性。

# 3 隔振沟的减振效果

#### 3.1 计算模型及参数设置

双线地铁计算模型如图 7 所示,整体模型尺寸为 32 m×100 m,采用均一弹性土模拟,下方为刚性地 基。地铁隧道埋深 10 m,内、外半径分别是 2.75 m、 3.10 m,两隧道中心距 15 m。模型两侧 10 m 范围内 仍然各设置 0.2 的阻尼比以减少边界反射波影响。 隔振沟设置在双线地铁线路两侧,沟中心线距相邻隧 道中心线为 12 m,相距地铁线路中心线 19.5 m,沟宽 1 m,沟深 8.5 m。隧道系统与地基参数、地铁列车尺 寸及荷载参数均与第 2 节中一致。分析中均考虑振 动响应最大的两列地铁同时运营的工况,车速为正常 运营的 20 m/s。这里考虑了两种隔振沟的隔振效果 与无隔振措施工况进行对比,一种是空沟隔振,另一种 是混凝土填充沟隔振,填充材料具体参数列于表 2。



图 6 观察点(0,20)处加速度响应的时间历程

Fig.6 Time history curves of acceleration response at the observation point (0,20)



第 41 卷 第 1 期

图 7 设置隔振沟的 2.5 维有限元模型

Fig.7 2.5D FEM model with vibration isolation trench

表 2 填充沟混凝土参数

Table 2         Concrete parameters of in-filled trench								
** *1	剪切波速 vs	密度 ρ	泊松比	阻尼比				
12 14	$/(m \cdot s^{-1})$	$/(kg \cdot m^{-3})$	υ	β				
混凝土	2 500	2 500	0.15	0.02				

为深入分析隔振效果,引入 Woods<sup>[15]</sup>提出的振幅衰减比 A<sub>R</sub>进行评价:

$$A_{\rm R} = \frac{P_{\rm 1}}{P_{\rm 2}} \tag{9}$$

其中:P1为设置隔振措施后某一时刻计算点处的地 表位移振幅;P2为无隔振时同一时刻、位置相应的 响应幅值。

#### 3.2 隔振沟减振效果分析

图 8、9 分别给出了采用不同隔振措施时地面竖 向动力响应的最大位移变化和最大竖向速度衰减 图。隔振沟宽1m,中心线位于x=19.5m处,沟边 界分别位于x=19m和x=20m处。可以得出,无 论是否设置隔振措施,地表竖向振动位移和速度振 级最大值均出现在地铁线路中心地表处,且竖向振 动速度振级相同。地表土体位移在设置填充沟时有 所减小,空沟则无明显变化。在设置隔振沟前(即x<19 m时),填充沟已表现出较为明显的隔振效果,



图 8 不同隔振措施下的地面竖向位移变化曲线 Fig.8 Ground vertical displacement curves under different vibration isolation measures





而设置空沟时则与无隔振时的地表振动响应水平相 近,甚至出现振动放大区;在设置隔振沟后(即 *x*> 20 m时),空沟隔振效果突然变好,竖向位移曲线与 填充沟趋于一致,而振动强度则仍然与填充沟隔振 相差较大,衰减情况与无隔振措施趋于一致。

图 10 给出了空沟和填充沟隔振效果随空间位 置变化曲线。空沟隔振效果在设置隔振沟后(*x* > 20 m)时才能发挥左右,且在沟前(*x* <19 m)的*A*<sub>R</sub> 值大于1,存在振动放大现象,故采用空沟隔振时, 建筑物等要注意避免建造在沟前,最佳隔振区位于 沟后10 m 范围内。而填充沟的*A*<sub>R</sub>值均小于1,在 整个地基范围内均有隔振效果,隔振沟附近区域隔 振效果最好,最佳隔振区位于沟前5 m,沟后10 m 范围内,总体隔振效果均明显优于空沟隔振。结合 图 8~10,隔振沟沟后远场区域(*x*>40 m),隔振沟 隔振效果已减弱,但由于地基土体的滤波作用造成



图 10 隔振沟对地面竖向动力响应的隔振效果 Fig.10 Vibration isolation effect of isolation trench on ground vertical dynamic response

的振动衰减,该区域属于安全范围,振动影响较小, 故本文对沟后远场区隔振效果不做赘述。

#### 4 填充沟隔振的参数化分析

#### 4.1 填充沟深度的影响

为探究填充沟沟深对减振性能的影响,分别选 取沟深 d 为 5 m, 8.5 m, 12 m 三种工况进行 2.5 维 有限元数值模拟,填充沟中心线位于x = 19.5 m 处。图 11 给出了不同沟深下填充沟隔振效果随空 间位置变化情况。由图可以看出,随沟深增大填充 沟总体隔振效果变好。在设置隔振沟前,随填充沟 深度变化,振幅衰减比A<sub>R</sub>随空间位置变化规律基 本表现一致,距离填充沟中心越近,隔振效果越好, 填充沟中心位置振幅衰减最大,当沟深d=12 m 时,A<sub>R</sub>在 0.5 以下,减弱了原本振动强度的 50%以 上,而沟深d=5 m时,填充沟最大减振幅值也接近 60%,说明填充沟在沟深较小时也能发挥较好的地 基减振作用。而在设置隔振沟后,A<sub>B</sub>值变化随沟深 改变有所不同,但仍基本保持在小于1的范围内,沟 后近场区域隔振效果随深度增大而增大,所计算工 况中振幅衰减比A<sub>R</sub>差值最大可达15%,隔振沟中 心处差值最大在10%以上,说明增大填充沟沟深对 地基减振效果改善明显,这与 Barbosa 等[16]采用2.5 维有限元-边界元耦合模型得到的研究成果类似,有 效证明了本文模型的合理性。





# 4.2 填充沟宽度的影响

分别选取沟宽 w 为 1.0 m, 1.5 m, 2.0 m 三种工况, 填充沟中心线位于 x = 19.5 m 处, 计算结果如图 12 所示。由图可知, 在设置隔振沟前, 填充沟隔

振效果随沟宽变化不大;在沟后近场范围内,填充沟 减振效果差异随空间位置 *x* 增大表现趋于明显, *w*=1.0 与 *w*=2.0 m 振幅衰减比 *A*<sub>R</sub>差值最大可达 20%,说明沟宽对填充沟减振效果的影响主要体现 在沟后。总体填充沟隔振效果随填充沟宽度变大得 到较大的改善,条件允许的情况下工程中可适当增 大填充沟宽度以获得更好的减振降噪效果,这与陈 功奇等<sup>[8]</sup>的研究结论相符。



Fig.12 Vibration isolation effect of in-filled trench with different widths

### 5 结论

本文对空沟、填充沟的隔振有效性进行了系统的研究,探究了不同隔振沟的隔振效果,并对填充沟 减振影响因素进行了参数化分析。研究中得出的主 要结论可以概括如下:

(1)无论是否设置隔振措施,地表振动强度最 大位置均在地铁线路正上方地表处出现。采用空沟 隔振时,建筑物等要注意避免建造在沟前,最佳隔振 区位于沟后 10 m 范围内。实际工程中,空沟易受 地下水等的影响,工程稳定性、实用性不强。

(2)填充沟在整个地基范围内均有隔振效果, 最佳隔振区位于沟前 5 m,沟后 10 m 范围内,对隔 振要求填充沟总体隔振效果在解析模型范围内均明 显优于空沟隔振。隔振沟沟后超出最佳隔振范围 时,动力响应影响较小,仍属于振动安全区域,可以 建造楼房等设施。

(3) 增大填充沟深度、宽度,填充沟减振效果将 得到改善。在设置隔振沟前,沟深与沟宽对隔振效 果影响不明显;沟后区域,填充沟宽度对地基减振影 响较大。填充沟在沟深较小时也能发挥较好的地基 减振作用。

#### 15

# 参考文献(References)

34(4):178-183.

- [1] 丁智,李丹薇,谢宗星,等.地铁列车荷载作用下黏弹性地基动应力特征分析[J].地震工程学报,2016,38(6);889-895.
   DING Zhi, LI Danwei, XIE Zongxing, et al. Dynamic Stress Characteristics of Viscoelastic Foundations under Subway Train Loads[J].China Earthquake Engineering Journal,2016, 38(6):889-895.
- [2] 丁智,李丹薇,魏新江.基于 2.5 维有限元方法的列车振动及隔 振研究与展望[J].现代隧道技术,2016,53(6):1-11.
   DING Zhi,LI Danwei, WEI Xinjiang.Studies and Prospects of Train Vibration and Vibration Isolation Based on 2.5D Finite-Element Method[J].Modern Tunnelling Technology,2016,53 (6):1-11.
- [3] 耿传智,王伟鹏.地铁弹性扣件减振性能的落轴冲击仿真分析
   [J].振动与冲击,2010,29(3):113-117.
   GENG Chuanzhi, WANG Weipeng. Simulation on Vibration-Reduction Performance of Different Subway Elastic Fasteners under Wheel Load Drop[J]. Journal of Vibration and Shock, 2010,29(3):113-117.
- [4] 涂勤明,雷晓燕,毛顺茂.地铁产生的环境振动及轨道结构减振 分析[J].噪声与振动控制,2014,34(4):178-183.
   TU Qinming,LEI Xiaoyan, MAO Shunmao. Analyses of Subway Induced Environment Vibration and Vibration Reduction of Rail Track Structure[J].Noise and Vibration Control,2014,
- [5] 张莉,刘鹏辉,杨宜谦,等.杭州地铁1号线浮置板轨道减振效 果对比分析[J].铁道建筑,2013(10):80-83. ZHANG Li, LIU Penghui, YANG Yiqian, et al. Analysis of Floating Slab Track Vibration Damping Effect by Hangzhou Metro Line 1[J].Railway Engineering,2013(10):80-83.
- [6] 丁智,王永安,顾晓卫,等.软土区地铁不同类型轨道振动测试 分析[J].岩土工程学报,2017,39(增刊2):220-223.
   DING Zhi, WANG Yongan, GU Xiaowei, et al. Vibration of Different Types of Tracks of Subway in Soft Soil[J].Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2017, 39(Supp2): 220-223.
- [7] 袁宗浩,蔡袁强,曾晨.地铁列车荷载作用下轨道系统及饱和土体动力响应分析[J].岩石力学与工程学报,2015,34(7):1470-1479.

YUAN Zonghao, CAI Yuanqiang, ZENG Chen. Dynamic Response of Track System and Underground Railway Tunnel in Saturated Soil Subjected to Moving Train Loads[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2015, 34 (7): 1470-1479.

- [8] 陈功奇,高广运.层状地基中填充沟对不平顺列车动荷载的隔 振效果研究[J].岩石力学与工程学报,2014,33(1):144-153. CHEN Gongqi,GAO Guangyun. Vibration Screening Effect of In-filled Trenches on Train Dynamic Loads of Geometric Irregular Track in Layered Grounds[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering,2014,33(1):144-153.
- [9] 高广运,何俊锋,李宁,等.饱和地基上列车运行引起的地面振动隔振分析[J].岩土力学,2011,32(7):2191-2198. GAO Guangyun, HE Junfeng, LI Ning, et al. Analysis of Isolating Ground Vibration Induced by Trains Running on Saturated Ground[J]. Rock and Soil Mechanics, 2011, 32(7):2191-2198.
- [10] THOMPSON D J, JIANG J, TOWARD M G R, et al. Mitigation of Railway-induced Vibration by Using Subgrade Stiffening[J]. Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2015, 79:89-103.
- [11] 边学成,陈云敏,基于 2.5 维有限元方法分析列车荷载产生的 地基波动[J].岩石力学与工程学报,2006,25(11):2335-2342.
   BIAN Xuecheng, CHEN Yunmin. Ground Vibration Generated by Train Moving Loadings Using 2.5D Finite Element Method[J].Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering,2006,25(11):2335-2342.
- [12] 边学成,陈云敏,胡婷.基于 2.5 维有限元方法模拟高速列车 产生的地基振动[J].中国科学 G 辑:物理学 力学 天文学, 2008,38(5):600-617.

BIAN Xuecheng, CHEN Yunmin, HU Ting. Numerical Simulation of High-speed Train Induced Ground Vibrations Using 2.5D Finite Element Approach[J]. Science in China Series G. Physics, Mechanics and Astronomy, 2008, 38(5), 600-617.

- [13] EASON G. The Stresses Produced in a Semi-infinite Solid by a Moving Surface Force[J]. International Journal of Engineering Sciences, 1965, 2(6): 581-609.
- [14] 边学成.高速列车运动荷载作用下地基和隧道的动力响应分析[D].杭州:浙江大学,2005.
   BIAN Xuecheng. Dynamic Analyses of Ground and Tunnel Responses due to High-speed Train Moving Loads[D].Hangzhou: Zhejiang University,2005.
- [15] WOODS R D.Screening of Surface Waves in Soils[J].Journal of the Soil Mechanics and Foundations Division, American Society of Civil Engineering, 1968, 94(4): 951-979.
- [16] BARBOSA J, ALVES COSTA P, CALÇADA R. Abatement of Railway Induced Vibrations: Numerical Comparison of Trench Solutions[J].Engineering Analysis with Boundary Elements, 2015, 55: 122-139.