

# 初探地震活动的时间分维特征

张勇利

(国家地震局兰州地震研究所)

## 一、方 法

关于分维数的基本概念及测定方法见文献〔1〕、〔2〕。本文应用标度变换法计算地震活动时间结构的分维数。

若将地震事件在时间轴上视为“点过程”，则地震在时间轴上的分布类似于康托尔不连续集合。令所取的起始时间为1个单位，取一系列愈来愈小的时间标度( $\frac{1}{2}$ 、 $\frac{1}{4}$ 、 $\frac{1}{8}$ 、 $\dots$ 、 $\varepsilon$ )作为时间“尺子”，去量取有震时间段数 $N(\frac{1}{2})$ ， $N(\frac{1}{4})$ ， $N(\frac{1}{8})$ ， $\dots$ ， $N(\varepsilon)$ ，然后在双对数坐标系上画出 $\lg N(\varepsilon) - \lg(\frac{1}{\varepsilon})$ 曲线，其直线部分的斜率就是分维数 $D_1$ ，可用最小二乘法求出。

选取资料时考虑的因素和方法如下：首先是时间精度问题。在一般情况下，地震报告给出的地震发震时刻的误差小于0.2秒，因此在划分地震事件的时间间隔大于几秒以上的情况下，把地震视为点过程是合理的。

在选取地区范围时应注意尽可能把相对密集区圈入，使边界附近的地震比较稀疏，这样即使边界扩大或缩小一些，对所求出的 $D_1$ 值都影响不大。

为了保证所讨论的地震事件在时间轴上不致遗漏，所取震级下限必须满足该地区测震台网观测能力的要求。一般情况下，震级测定的误差达 $\pm 0.3$ ，对 $N$ 的影响可达25%。在实际工作中发现，如果 $D_1$ 值存在， $D_1$ 与 $N$ 值的取舍无关，随意缩小震级下限（意味着 $N$ 的增加） $D_1$ 值仍彼此一致，见图1。

在求取 $D_1$ 值时，应注意无标度区不能过小，至少达到一个数量级，其次还要满足统计学的要求，即显著性水平 $\alpha < 0.05$ 。

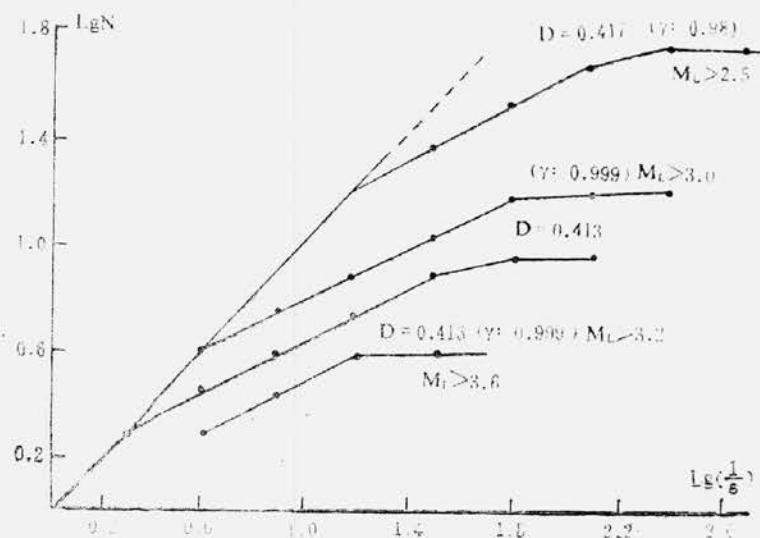


图1 门源6.4级强震前该地区(N $37^{\circ}—38^{\circ}$ , E $101^{\circ}30'—103^{\circ}00'$ )的时间分维

## 二、地震活动的时间分维

### 1. 强震前地震活动时间分维

1986年8月26日青海门源6.4级地震前,  $D_t$ 值呈现趋势性减小, 到震前一年  $D_t = 0.42$ 。1986年9月23日巴音木仁6.3级地震和同年发生的松潘7.2级大震前的  $D_t$ 值均显著降低, 下降到0.5以下。表1给出震前三年  $D_t$ 值(1973年以前区域测震台网尚不完善)。

表1 1986年松潘7.2级和巴音木仁6.3级强震前三年的  $D_t$ 值

强震时间	震级	统计地区	起算震级	D <sub>t</sub> 值		
				1973年	1974年	1975年
1976年8月16日 松 潘	7.2	32°—33°20' N 103°20'—104°30' E	M <sub>s</sub> ≥2.0	0.97±0.04 (0.99)	0.41±0.03 (0.99)	0.45±0.03 (0.97)
1976年7月23日 巴音木仁	6.3	39°—40°30' N 105°40'—106°50' E	M <sub>s</sub> ≥1.0	0.62±0.03 (0.99)	0.50±0.05 (0.99)	0.43±0.08 (0.97)

### 2. 余震的时间分维

本文对资料较完整的5个7.0级以上大地震的余震集合的  $D_t$ 值进行了计算。结果表明余震的分维数  $D_t$ 为0.75~0.84, 如表2和图2所示。

表2 一些大震的余震的时间分维数

主震			余震时间分维数			
时间	地点	M	Δt(天)	N	D <sub>t</sub>	r
1966年8月8日	邢台	7.2	14	503	0.78±0.04	0.996
1975年2月4日	海城	7.3	3	772	0.78±0.05	0.996
1976年5月29日	龙陵	7.6	2	129	0.84±0.09	0.993
1976年7月28日	唐山	7.8	2	984	0.82±0.06	0.994
1976年8月16日	松潘	7.2	6	296	0.78±0.06	0.994

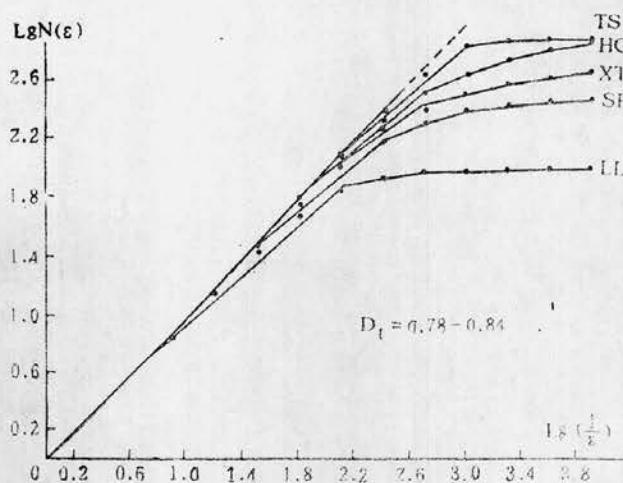


图2 余震的时间分维

### 3. 前震的时间分维

对于前震目前还没有严格鉴别方法, 本文把发生在主震震源区且临近主震前数天至数

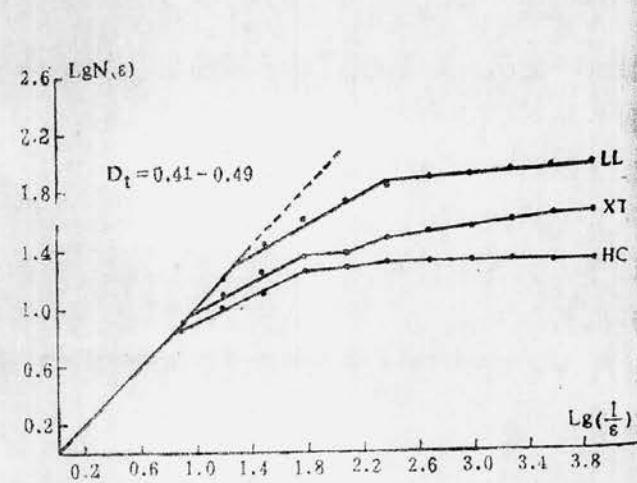


图3 前震的时间分维

十天内发生的震群作为前震。计算得出邢台、海城、龙陵地震前的前震的时间分维 $D_t$ 值为 $0.41\sim0.49$ ，见表3和图3。

表3 若于前震的分维数

时 间	地 点	N	$D_t$	r
1966年1月2日—3月8日	邢台	47	$0.49\pm0.03$	0.995
1975年2月3日—2月4日	海城	36	$0.41\pm0.04$	0.993
1975年10月5日—1976年5月29日	龙陵	431	$0.49\pm0.05$	0.983

#### 4. 震群的时间分维

对中国大陆的部分小震群的分维 $D_t$ 值的计算结果表明，震群的 $D_t$ 值为 $0.63\sim0.69$ ，如图4和表4所示。

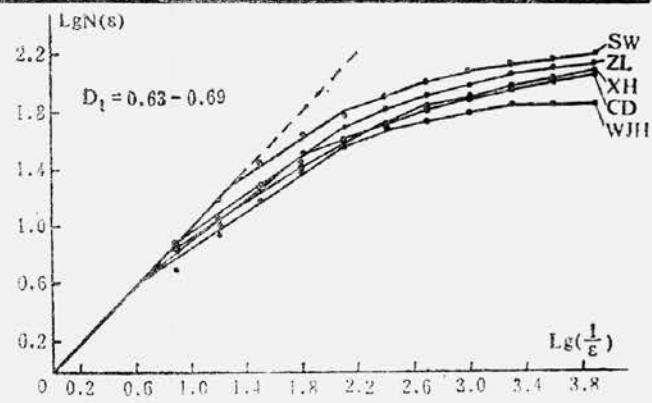


图4 震群的时间分维

表4 一些震群的时间分维

震 群			时 间 分 维		
时 间	地 点	$M_{max}$	N	$D_t$	r
1967.10.14—10.22	河北涿鹿	4.2	158	$0.66\pm0.01$	0.999
1971.10.18—11.20	湖北谷城	4.0	321	$0.67\pm0.07$	0.985
1972.1.9—2.29	武昌小洪山	2.2	173	$0.68\pm0.04$	0.996
1974.12.21—1975.1.31	辽宁参窝	5.2	185	$0.64\pm0.07$	0.990
1976.2.5—3.0	河南内乡	4.0	211	$0.69\pm0.07$	0.987
1976.2.24—4.5	山东长岛	4.1	277	$0.69\pm0.03$	0.997
1979.3.6—3.29	内蒙乌加河	1.2	73	$0.67\pm0.03$	0.996
1987.10.28—11.1	青海玛沁	2.1	139	$0.63\pm0.05$	0.990

### 三、时间分维 $D_t$ 意义的初步讨论

#### 1. 物理意义

在任何时间范围内，若 $D_t=1$ 则意味着地震活动的时间分布处处均匀，或完全对称，或没有结构。当 $D_t<1$ 时，则表明肯定存在“无震时间段”，意味着地震活动的时间分布是有结构的，即呈现不均匀或对称性破缺（有序性）。强震前 $D_t$ 值呈趋势性减小的情况表明，愈临近强震，震源及其附近地区地震活动的时间结构愈不均匀或呈现有序性。前震的 $D_t$ 小于余震的事实也反映了前震时间分布的有序性高于余震。

#### 2. 预报意义

根据对前震、余震、震群和强震前分维 $D_t$ 值结果的分析，发现一个十分有趣的现象，即同一层次地震活动尽管它们分布在不同地区、不同构造带上，但其分维结果是非常接近的。不同层次的地震活动具有自相似性，特别是强震前比较普遍存在降维现象，这为我们预

报提供了一个新的方法，因此，不断地分析地震活动的D值，有可能对即将发生的中强震作出较好的预测。

### 参 考 文 献

- [1] 洪时中等，分数维及在地震科学中的应用前景，四川地震，No. 1, 1987.
- [2] 郝柏林，分形和分维，科学杂志，No. 1, 1986.
- [3] 李海华等，门源6.4级地震前小震活动的时间分维结构，西北地震学报，Vol. 9, No. 4, 1987.

## PRELIMINARY APPROACH ON TEMPORAL FRACTAL CHARACTERISTICS OF EARTHQUAKE ACTIVITIES

Zhang Yongli

(Earthquake Research Institute of Lanzhou, SSB, Gansu, China)