于伟栋,张永亮,冯亚成,等.同球向双球面减隔震支座关键部件力学参数影响因素分析[J].地震工程学报,2019,41(5):1199-1206.doi:10.3969/j.issn.1000-0844.2019.05.1199

YU Weidong, ZHANG Yongliang, FENG Yacheng, et al. Influencing Factors on Mechanical Parameters for Key Components of a Double-Spherical Surface Seismic Isolation Bearing with the Same Spherical Direction[J]. China Earthquake Engineering Journal, 2019, 41(5):1199-1206.doi:10.3969/j.issn.1000-0844.2019.05.1199

同球向双球面减隔震支座关键部件 力学参数影响因素分析

于伟栋1,张永亮1,冯亚成2,胡尊洁3

(1. 兰州交通大学 土木工程学院, 甘肃 兰州 730070; 2. 中铁第一勘察设计院集团有限公司, 陕西 西安 710043;3. 兰州交通大学 交通运输学院, 甘肃 兰州 730070)

摘要:以同球向双球面减隔震支座中的剪力销与减震榫耗能器为研究对象,针对减隔震支座剪力销 和减震榫力学参数的影响因素及其规律进行研究。通过反应谱分析和有限元数值模拟的方法讨论 了墩高和场地类型变化对剪力销剪断力的影响和减震榫几何参数对减震榫力学性能的影响,同时 分析了减震榫在屈服荷载和极限荷载作用下的应力应变分布情况。结果表明,支座剪力销剪断力 受墩高和场地条件的影响较大,不能简单地取支座竖向力与某一百分数的乘积设置剪力销的剪断 力;减震榫的力学性能主要受 d₀、L₁和 L3 个几何参数控制,本文给出的几何参数对减震榫力学性 能的影响规律为减震榫力学参数的初步设置提供了参考。

关键词:轨道交通桥梁;同球向双球面减隔震支座;剪力销;减震榫;受力性能
中图分类号:U448.15;U443.7
文献标志码:A
文章编号:1000-0844(2019)05-1199-08
DOI:10.3969/j.issn.1000-0844.2019.05.0

Influencing Factors on Mechanical Parameters for Key Components of a Double-Spherical Surface Seismic Isolation Bearing with the Same Spherical Direction

YU Weidong¹, ZHANG Yongliang¹, FENG Yacheng², HU Zunjie³

(1. School of Civil Engineering, Lanzhou Jiaotong University, Lanzhou 730070, Gansu, China;

2. China Railway First Survey and Design Institute Group Co., Ltd., Xi'an 710043, Shaanxi, China;

3. School of Traffic and Transportation, Lanzhou Jiaotong University, Lanzhou 730070, Gansu, China)

Abstract: In this paper, the shear pin and shock absorber of a double-spherical surface seismic isolation bearing with the same spherical directions were examined. Both influencing factors and rules of shear pin and shock absorber mechanical parameters of the bearing were studied. Using the response spectrum analysis method, effect on the shearing force of the shear pin is discussed by varying pier height and site category. In addition, the influence of geometric parameters on the

收稿日期:2017-11-06

基金项目:国家自然科学基金项目(51368034,51768036);甘肃省科技计划资助(17JR5RA103)

第一作者简介:于伟栋(1990-),男,山东烟台人,硕士生,从事桥梁抗震研究。E-mail:1459655132@qq.com。

通信作者:张永亮(1975-),男,内蒙古通辽人,教授,博士,从事桥梁抗震理论研究。E-mail:zhangyong_L@126.com。

mechanical properties of the shock absorber are discussed by FEM analysis. Stress and strain distribution of the shock absorber subjected to yield load and ultimate load were also analyzed. Results showed that the shearing force of the shear pin was greatly influenced by pier height and site category. Mechanical properties of the shock absorber were mainly controlled by three geometric parameters, d_0 , L_1 , and L. The influence law of geometric parameters on the mechanical properties of the shock absorber described in this paper can provide a reference for the preliminary setting of the mechanical parameters of the shock absorber.

Keywords: rail transit bridge: double-spherical surface seismic isolation bearing with the same spherical direction; shear pin; shock absorber; mechanical behavior

引言 0

为减小桥梁结构的地震作用,在上部结构和下 部结构之间设置具有较小水平刚度的减、隔震装置 是铁路桥梁隔震的基本思想,这意味着隔震支座需 要具有很大的尺寸来满足较大的变形要求,但过大 的支座产生的地震位移又可能导致支座剪切破坏或 因失稳破坏而落梁^[1]。因此,铁一院开发出同时装 备"熔断保护构件(剪力销)"和软钢阻尼器(减震榫) 的减隔震支座,是一种既能有效减震,又能大幅度减 小支座地震变形的同球向双球面减隔震支座。其 中,软钢阻尼器是利用钢材的塑性变形吸收能量的 被动耗能装置[2-4]。目前已有学者对剪力销和减震 榫的工作原理和性能进行了研究分析:夏修身等[5] 基于摩擦摆支座减、隔震桥梁采用数值方法研究了 剪力销对减、隔震桥梁地震反应的影响;李立峰等[6] 提出了剪力销的简化计算公式,分析了剪力销的减、 隔震效果以及剪力销数目设置对减、隔震效果的影 响;Nielson 和 Choi 等^[7-8]讨论了剪力键在 OpenS- ees 中的模拟方法;孟兮等[9-10] 通过实验确定了减震 榫的合理截面形式以及对其滞回耗能性能进行了评 估:梁轩等[11]建立了基于悬臂梁横向弯曲运动理论 的减震榫非线性动力学模型,提出了一种基于广义 α法的时间积分算法;李爱丽等^[12]通过实验对比研 究了软钢减震榫滞回性能和弯曲变形的关键因素。 以上研究主要针对这种新型支座的剪力销和减震榫 两个主要部件进行具体研究。对于像同球向双球面 减隔震支座需要剪力销和减震榫协同工作的研究较 少,本文将在前人研究的基础上对剪力销剪断力和 减震榫的力学参数影响因素进行分析。

同球向双球面减隔震支座工作原理 1

同球向双球面减隔震支座分为固定支座、纵向 活动支座、横向活动支座和多向活动支座[13]。由于 篇幅限制本文只给出固定支座的结构示意图(图 1)。其上摆和中间摆为球面接触,球面半径较小,以 两球面间的相对转动适应梁的转动变形;中间摆和

顺桥向



1.上支座板; 2.上摆; 3. 球面不锈钢钢板; 4. 球面改性聚四氟乙烯板; 5. 中间摆: 6.下摆座: 7. 挡圈: 8. 剪力销: 9. 耗能器: 10. 锚栓



固定支座结构示意图 Fig.1 Fixed support structure diagram

图 1

下摆的接触面为半径较大的球面,两球面之间由剪 力销连接,剪力销是一种熔断保护机制,当地震力超 过剪力销的剪切强度后剪力销被剪断,中间摆与下 摆之间的约束被解除而产生相对滑移,切断了地震 力的传递途径,同时,设置在上支座板与下摆座之间 的耗能器开始通过滞回耗能耗散地震能量并限制支 座发生过大变形量。

2 同球向双球面减隔震支座剪力销剪断力 合理取值分析

2.1 剪力销剪断力取值原则

减震榫在列车牵引力、制动力以及多遇地震等 较小水平荷载作用下会产生弹性变形位移,支座上 的剪力销可使正常使用状态的支座处于锁定状态以 消除这种弹性变形。基于铁路桥梁"两阶段设计"设 计原则,剪力销剪断力的确定应遵守以下规律:

(1)正常使用及多遇地震作用时:剪力销需能 抵抗列车牵引力、制动力等非地震荷载的水平荷载 以及多遇地震水平荷载,并具有一定的安全系数。 文献[14]指出为保障桥梁正常使用功能,通常剪力 销剪断力不应小于 1.5 倍的列车制动力。

(2) 罕遇地震力作用时:为了保证剪力销及时 剪断,防止桥墩由于承受较大的地震力而产生较大 的塑性变形,给震后的修复工作带来巨大的困难,剪 断力的取值不能过大,一般超出多遇地震作用下墩 顶水平力的5%~20%^[6]。本文以多遇地震作用下 墩顶水平力的1.1 倍作为剪力销的剪断力。

2.2 工程概况

为探究支座剪断力的合理取值,本文以 30 m 轨道交通简支梁桥为例进行多遇地震下的弹性反 应谱分析。桥墩采用 C45 钢筋混凝土,顶帽、托盘 和承台采用 C40 钢筋混凝土,每跨的梁体质量为 666 t(含二期恒载),梁、墩及承台都采用空间梁单 元建模。抗震设防烈度为 IIE 度,取工程类别为 B 类,相应的多遇地震作用重要性系数为 1.5。为考 虑墩高变化对剪力销剪断力的影响,选择墩高为 3.5~20 m 的矩形截面桥墩,下部结构具体尺寸列 于表 1。

表1 下部结构尺寸表

	Table 1	Substructure size table			
樹吉/m	墩身尺寸/(m×m)	承台尺寸/(m×m)	顶帽尺寸/(m×m)		
以同/Ⅲ	顺桥尺寸×横桥尺寸	顺桥尺寸×横桥尺寸	顺桥尺寸×横桥尺寸		
$3.5 \sim 10$	2.2×2.2	6.2×7.4	2.2×4.8		
$11 \sim 15$	2.4×2.5	6 6×8 8	2.4×4.8		
$16 \sim 20$	2.6×2.8	0.070.0	2.6×4.8		

2.3 地震作用下支座剪断力计算方法

应用 Midas 有限元分析软件建立 30 m 城市轨 道交通简支梁桥的单墩计算模型进行弹性反应谱分 析。弹性反应谱和单墩模型参考《铁路工程抗震设 计规范》^[15]推荐方法,振型组合方法采用 SRSS 法。 图 2 为水平地震作用计算图。

为考虑场地条件对剪力销剪断力的影响,在抗 震设计分组为第三组的条件下,分别在 I、II、II类 场地类型下进行弹性反应谱分析。地基土对结构的 约束作用简化成转动弹簧及平动弹簧施加在承台 底,弹簧刚度取值采用 m 法计算。不同场地条件下 转动弹簧及平动弹簧计算参数列于表 2。

2.4 数据分析

模型分别在顺桥向与横桥向进行弹性反应谱分 析,揭示了在不同墩高和不同场地条件下墩顶支座 剪力销剪断力的变化规律,具体数据结果比较见图 3 和图 4。其中,弹性反应谱分别沿顺桥向和横桥向 输入。





由图 3、图 4 可知:(1)场地条件不变时,剪力销 剪断力随墩高的增加而减小;(2)以Ⅱ类场地条件为 例说明剪力销剪断力随墩高的变化规律:当墩高≪ 7.5 m时,剪断力基本不变;当 7.5 m<墩高≪15 m 时,剪断力变化幅度较大;当墩高>15 m时,剪断力 变化幅度趋缓;(3)墩高固定时,场地特征周期越长, 剪力销剪断力越大;(4)对于矮墩,剪力销剪断力受 场地条件的影响较小;对于较高的桥墩,剪力销剪断 力受场地条件的影响较大,以 15 m 墩高为例,Ⅲ类

Та

场地条件下的剪力销剪断力最大为 I 类场地的 1.67 倍;(5)支座剪力销剪断力受墩高和场地条件的影响 较大,不能简单地取支座竖向力与某一百分数的积 作为剪力销的剪断力。

表 2 转动弹簧及平动弹簧计算参数

ble 2	Calculation	parameters	of	rotational	spring	and	translational	spring
-------	-------------	------------	----	------------	--------	-----	---------------	--------

坛舟米団	转动刚度/(kN	$\mathbf{V} \cdot \mathbf{m} \cdot \mathbf{rad}^{-1}$	平动刚度/($kN \cdot m^{-1}$)			
切地矢刑	顺桥向	横桥向	顺桥向	横桥向		
Ι	3.83E+07	5.85E+07	2.80E+06	2.80E + 06		
Ш	3.16E+07	4.80E+07	2.13E+06	2.13E + 06		
Ш	2.38E+07	3.55E+07	1.60E + 06	1.60E + 06		



Fig.3 Comparison of longitudinal forces



Fig.4 Comparison of transverse forces

3 减震榫关键参数分析

3.1 减震榫结构形式

图 5 为减震榫的计算尺寸。图中,AB 段为过 渡段,u 为减震榫上、下两端的相对位移,F 为水平 力。BC 段为同时屈服的核心耗能段,则:

$$d(x) = a \times x^{\frac{1}{3}} \tag{1}$$

式中: *x* 为*F* 作用点至榫身-截面的距离;*a* 为截面 常数。上式表明核心耗能段的直径按照三分之一抛 物线变化。图 5 中 *d*。为过渡段与核心耗能段分界 截面的直径;*L*₁表示计算过渡段高度;*L* 为减震榫 的计算总高度。减震榫的具体结构尺寸可由上述 3 个参数决定,以 d_0 、 L_1 、 L_3 个表示减震榫截面直径 变化如下:

$$d(x) = \begin{cases} d_0 & (0 \le x \le L_1) \\ d_0 x^{1/3} / L_1^{1/3} & (L_1 \le x \le L) \end{cases}$$
(2)



3.2 减震榫有限元仿真分析

3.2.1 减震榫有限元模型建立

减震榫采用低屈服钢材 LYP160,文献[16]在 试验的基础上给出了 LYP160 钢材本构关系。 LYP160 钢材弹性模量为 2.05×10⁵ MPa,泊松比取 0.3,屈服强度 129 MPa,抗拉强度 273 MPa,抗拉强 度对应的极限应变为 0.286。本文保守地采用三分 之一极限应变作为本模型的极限应变,采用 AN-SYS 有限元软件模拟减震榫,模型选用 solid45 单 元建立榫身的实体模型,强化准则采用各向同性强 化(MISO)准则,屈服准则为 Von Mises 准则。减 震榫的根部固结,另一端自由,并在自由端进行位移 加载。减震榫有限元模型见图 6。



图 6 减震榫有限元模型 Fig.6 Finite element model of shock absorber

3.2.2 减震榫应力应变分布规律

为使剪力销剪断之后,减震榫能够充分发挥耗能作用,减震榫的屈服力不应过大。下面以 I 类场地条件下,墩高 20 m 时采用的减隔震支座中减震榫为例说明其达到屈服荷载和极限荷载时的应力状态,减震榫的尺寸如下: $d_0 = 27$ mm; $L_1 = 18$ mm;L = 160 mm。其中,极限荷载代表减震榫外缘纤维达到材料弹塑性极限应变时对应的榫顶水平力,与极限荷载对应的榫顶水平位移即为极限位移。图 7 为减震榫核心耗能段首次屈服时平行于榫顶作用力方向的轴对称截面的 Mises 应力分布状态。



图 7 减震榫核心耗能段首次屈服时 Mises 应力分布

Fig.7 Mises stress distribution at the first yield of the core energy dissipation section of shock absorber

理论上,减震榫核心耗能段的受力特点为:地震 作用下,各截面最外缘纤维同时屈服耗能,以达到最 佳抗震效果。从图 7 中可以看出除靠近固结端一定 区域外,核心耗能段大部分外缘纤维是同时进入屈 服状态的,最大 Mises 应力位于核心耗能段与过渡 段交界面的外缘纤维处,最小 Mises 应力位于固结 端截面形心处。

图 8 给出了减震榫达到极限荷载时平行于榫顶 作用力方向的轴对称截面应力分布状态。



图 8 减震榫达到极限荷载时的 Mises 应力分布 Fig.8 Mises stress distribution of shock absorber under ultimate load

图 8 中的红色部分表示已进入塑性的区域,可 以看出减震榫截面大部分区域已进入塑性状态,最 大 Mises 等效应力发生在过渡段与核心耗能段的交 界面外缘,最大值约为 252 MPa。

图 9 给出了减震榫达到极限荷载时平行于榫顶 作用力方向的轴对称截面的等效应变状态。





Fig.9 Maximum principal strain distribution of shock absorber under the ultimate load

Table

从图 9 中可以看出在极限荷载状态下最大主应 变出现在减震榫过渡段与核心耗能段交界面受拉侧 外缘处,其值略大于设置的最大应变(0.095 3),但 远小于材料的极限应变(0.286)。图中可以看出过 渡段与核心耗能段交界面受拉侧外缘处存在明显的 应力集中现象,若继续加载,此处首先产生破坏的可 能性较大。

3.3 减震榫形状参数对力学性能的影响

3.3.1 L₁/L 变化对减震榫性能参数的影响

在保持减震榫高度与极限弯矩不变情况下,为 探究 L₁/L 的变化对减震榫性能参数的影响,表 3 给出了一系列不同尺寸的构件。其中屈服位移与屈 服荷载基于几何作图法^[17]求得。

表 3 考虑 L₁/L 影响时减震榫尺寸

3	Shock	absorber	size	considering	the	influence	of	L_1	/1	I
---	-------	----------	------	-------------	-----	-----------	----	-------	----	---

编号	L_1/L	d_{0}/mm	L_1/mm	L/mm	d(L)/mm
1	0.1	25.96	16	160	55.93
2	0.2	32.71	32	160	55.93
3	0.3	37.44	48	160	55.93
4	0.4	41.21	64	160	55.93
5	0.5	44.39	80	160	55.93
6	0.6	47.17	96	160	55.93

保证材料各项参数不变情况下,对表 3 中构件 进行 ANSYS 模拟分析,图 10 给出了最典型的 1 # 与 6 # 号减震榫的力一位移曲线。





从图 10 可知:減震榫的极限移随着 L₁/L 的增 大而减小。L₁/L 从 0.1 增加到 0.6 的过程中,减震 榫最大位移减小约 30%。

图 11 给出了减震榫弹性刚度与位移延性系数 随着 L_1/L 的变化规律。图 12 中给出了 K_2/K_1 、 K_2 随着 L_1/L 变化的变化规律,其中 K_1 为减震榫 弹性刚度, K_2 为减震榫屈服后刚度。

图 11 和图 12 中可以看出,随着 L₁/L 增加,减

震榫的弹性刚度、K₂/K₁、K₂都逐渐增加,但位移 延性系数逐渐减小,并且变化速率都逐渐增大。



Fig.11 Variation of elastic stiffness and displacement ductility coefficient of shock absorber with L_1/L



图 12 减震榫 K_2/K_1 、屈服后刚度随 L_1/L 的变化 Fig.12 Variation of K_2/K_1 and yield stiffness of shock absorber with L_1/L

3.3.2 d₀/L 变化对减震榫性能参数的影响

*d*₀/*L* 可反映减震榫的"胖瘦"程度。在保持构 件高度 160 mm 不变,*L*₁ 为定值,*d*₀/*L* 从 0.1 逐渐 增加到 0.2 的方法可以揭示 *d*₀/*L* 变化对减震榫性 能参数的影响。屈服位移与屈服荷载同样基于几何 作图法^[17]求得。减震榫尺寸设置见表 4。

对表 4 中的减震榫进行有限元模拟分析,图 13 给出了表 3 中对应不同 d₀/L 的减震榫力-位移 曲线。

从图 13 中可以看出: d₀/L 的变化对减震榫力 学参数性能会产生较大影响。随着 d₀/L 大的增 大, 屈服荷载和极限荷载都随之增大, 屈服位移和极 限位移都随之减小。也就是说, d₀/L 越小, 构件越 "瘦", 柔性越大。

图 14 给出了 $L_1/L = 0.1$ 时, d_0/L 变化对减震 榫弹性刚度(K_1)、屈服后刚度(K_2)的影响。图15

Table 4 Shock absorber size considering the influence of d_0/L ($L=160$ mm)								
论旦	$L_1/L = 0.10$		$L_1/L = 0.15$		$L_1/L = 0.20$			
細ケ	d_{0}/L	d(L)/mm	d_{0}/L	d(L)/mm	d_{0}/L	d(L)/mm		
1	0.10	34.47	0.10	30.11	0.10	27.36		
2	0.12	41.37	0.12	36.14	0.12	32.83		
3	0.14	48.26	0.14	42.16	0.14	38.30		
4	0.16	55.15	0.16	48.18	0.16	43.78		
5	0.18	62.05	0.18	54.20	0.18	49.25		
6	0.20	68.94	0.20	60.23	0.20	54.72		



图 13 减震榫力-位移曲线

Fig.13 Force-displacement curve of shock absorber



减震榫弹性刚度和屈服后刚度随 d₀/L 的变化 图 14







减震榫 K_2/K_1 和位移延性系数随 d_0/L 的变化 图 15 Fig.15 Variation of K_2/K_1 and displacement ductility coefficient of shock absorber with d_0/L

给出了以 $d_0/L = 0.10$ 的结果为基准时其余 d_0/L 对应的结果与之的比值,分析了 d₀/L 变化对位移 延性系数和 K_2/K_1 的影响,分析数据采用三组结果 的平均值。

图 15 中的 $(d_0/L)_{0.12/0.10}$ 表示 $d_0/L = 0.12$ 与 $d_0/L = 0.10$ 时的位移延性系数、 K_2/K_1 的结果 之比。

从图 14、15 中可以看出:减震榫弹性刚度和屈 服后刚度都随着 d₀/L 的增大逐渐增大,递增速率 都逐渐加快; K_2/K_1 和位移延性系数在 d_0/L 变化 过程中基本不变。这是由于随 d₀/L 的增加极限荷 载与屈服荷载按同一比例增加,同时,极限位移与屈 服位移也是按固定比例同时减小的。由此可见, d_0/L 对弹性刚度和屈服后刚度影响远大于对 $K_0/$ K_1 和位移延性系数的影响。

结论 4

本文以同球向双球面减隔震支座中的剪力销与 减震榫耗能器为研究对象,研究了两者的取值原则 及关键参数影响因素。得到以下结论:

(1) 支座剪力销剪断力受墩高和场地条件的影 响较大,不能简单地取支座竖向力与某一百分数的 乘积作为剪力销的剪断力的取值。

(2) 剪力销剪断力随墩高的减小或场地特征周 期增加而增大。

(3) 减震榫 L1/L 的增加会导致其弹性刚度和 屈服后刚度的增加,同时,减震榫的位移延性系数随 之减小,且变化速率都是逐渐增大的。

(4) 减震榫越"瘦",柔性越大,同时,屈服荷载 和极限荷载越小。但是,减震榫"胖瘦"对其延性变 形性能和 K_2/K_1 的影响极小。

参考文献(References)

「1] 彭天波,李建中,范立础,双曲面球型减隔震支座的开发及应用 [J].同济大学学报(自然科学版),2007,35(2):176-180. PENG Tianbo, LI Jianzhong, FAN Lichu, Analysis of Vertical D-isplacement of Double Spherical Aseismic Bearing[J].Journal of Tongji University(Natural Science),2007,35(2):176-180.

- [2] XU L Y,NIE J G,FAN J S.Experiment Investigation and Numerical Analysis on the Low-Yield-Point Steel Shear Panel Dampers[C]//2014 International Conference on Computing in Civil and Building Engineering, June 23-25, 2014, Orlando, Florida, USA, 2014.
- [3] CHEN Z Y,BIAN G Q,HUANG Y,et al.Hysteretic Behavior of Shear Panel Dampers under High Axial Compression Loading[M]//CHEN Z Y,BIAN G Q,HUANG Y,et al.eds.Volume 9 Number 3.The Hong Kong Institute of Steel Construction,2013,190-204.
- [4] PAN P, YAN H, WANG T, et al. Development of Steel Dampers for Bridges to Allow Large Displacement through a Vertical Free Mechanism[J].Earthquake Engineering and Engineering Vibration, 2014, 13(3); 375-388.
- [5] 夏修身,陈兴冲,王希慧,等.剪力键对隔震桥梁地震反应的影响[J].地震工程与工程振动,2012,32(6):104-109.
 XIA Xiushen,CHEN Xingchong,WANG Xihui, et al.Effect of Shear Key on Seismic Responses of Bridge Using Isolation Bearing[J].Journal of Earthquake Engineering and Engingeering Vibration,2012,32(6):104-109.
- [6] 李立峰,胡思聪,吴文鹏,等.桥梁抗震剪力键的力学模拟及减震效应研究[J].湖南大学学报(自然科学版),2014,41(11):8-14. LI Lifeng, HU Sicong, WU Wenpeng, et al. Research of Mechanical Simulation and Seismic Mitigation Effect for the Bridge Seismic Dowel[J].Journal of Hunan University (Natural Sci-ences),2014,41(11):8-14.
- [7] NIELSON B G. Analytical Fragility Curves for Highway Bridge-s in Moderate Seismic Zones [D]. Atlanta, Georgia: Georgia Insti-tute of Technology, 2005:295-298.
- [8] CHOI E.Seismic Analysis and Retrofit of Mid-America Bridges [D]. Atlanta, Georgia: Georgia Institute of Technology, Civil and Environment Engineering, 2002: 47-66.
- [9] 孟兮,倪燕平.减震榫设计及试验研究[J].北京交通大学学报 (自然科学版),2013,37(3):103-106.

MENG Xi, NI Yanyanping. Design and Experimental Study of Shock Absorber[J]. Journal of Beijing Jiaotong University, 2013,37(3):103-106.

[10] 孟兮,高日,李承根.减震榫滞回性能理论及试验研究[J].桥梁建设,2015,45(3):20-25.
 MENG Xi, GAO Ri, LI Chenggen. Theoretical and Experimental Study of Hysteretic Behavior of Shock Absorber[J].

Bridge Construction, 2015, 45(3): 20-25.

- [11] 梁轩,杜建镔.采用减震榫桥梁非线性动力学分析计算方法
 [J].工程力学,2016,33(4):136-142.
 LIANG Xuan,DU Jianbin.An Approach to Nonlinear Dynamic Analysis of Bridge with Aseismic Absorber[J].Engineering Mechanics,2016,33(4):136-142.
 [12] 李爱丽,高日,李承根,等.一种新型软钢减震榫的设计与试验
- [12] 学爱丽,高日,学承根,寺.一种初型软钢碱晨桦的设计与试验研究[J].桥梁建设,2017,47(1):23-28. LI Aili,GAO Ri,LI Chenggen, et al.Design and Experimental Study of a Novel Type of Mild Steel Shock Absorber[J]. Bridge Construction,2017,47(1):23-28.
- [13] 中国技术市场协会.T/TMAC 001-2017 同球向双球面减隔震 支座[S].北京:中国标准出版社,2017.
 China Technology Market Association. T/TMAC 001-2017
 Same Sphere to double Spherical Subtraction Support[S].Beijing:China Standard Publishing House,2017.
- [14] 董擎.基于摩擦摆支座的城市大跨连续梁桥减震性能研究
 [J].世界桥梁,2014,42(6):46-53.
 DONG Qing. Study on Seismic Performance of Urban Long
 Span Continuous Beam Bridge Based on Friction Pendulum
 Bearing[J].World Bridges,2014,42(6):46-53.
- [15] GB50001-2006 铁路工程抗震规范[S].北京:中国计划出版 社,2009.

GB50001-2006 Code for seismic design of railway engineering [S].Beijing:China Planning Press,2009.

- [16] 王萌,钱凤霞,杨维国.低屈服点 LYP160 钢材本构关系研究
 [J].建筑结构学报,2017,38(2):55-62.
 WANG Meng,QIAN Fengxia,YANG Weiguo.Constitutive behavi-or of Low Yield Point Steel LYP160[J].Journal of Building Str-uctures,2017,38(2):55-62.
- [17] 过镇海,时旭东.钢筋混凝土原理和分析[M].北京:清华大学 出版社,2003.

Analyse[M].Beijing: Tsinghua University Press, 2003.

GUO Zhenhai, SHI Xudong. Reinforced Concrete Theory and