黄土震陷时微观结构随动应力变化分析

裘国荣1,石玉成1,2,刘红玫1,2

(1. 中国地震局兰州地震研究所,甘肃 兰州 730000;

2. 中国地震局地震预测研究所兰州科技创新基地,甘肃 兰州 730000)

摘 要:通过黄土微观结构图像的处理可以很好地提取黄土微观结构要素。本文取通谓老地震区的 黄土做震陷实验,应用土体微观结构定量分析系统对不同正弦荷载下震陷土样的微结构图片作定 量化结构效应分析,探讨了其不同动应力荷载下的微观结构参数变化规律,并建立了各参数与动应 力的对应关系。结果表明,黄土震陷由其微观结构及外部荷载共同决定,各微观要素在震陷过程中 有不同变化,孔隙的有效直径、孔径分维、连通率和颗粒定向度的微结构参数变化与残余变形变化 基本保持一致。

Analysis on Microstructural Variety in Seismic Subsidence of Loess with Dynamic Stress

QIU Guo-rong¹, SHI Yu-cheng^{1,2}, LIU Hong-mei^{1,2}

(1. Lanzhou Institute of Seismology, CEA, Lanzhou 730000, China;

2. Lanzhou Creative Base of Institute of Earthquake Prediction, CEA, Lanzhou 730000, China)

Abstract: Loess's microstructural parameters could be obtained well by dealing with the microstructural image. Based on the seismic subsidence experiment of loess samples taken from the Tongwei old earthquake area, we count the microstructural parameters, research the orderliness of microstructural parameters variety corresponding to different sine wave dynamic stress values and find the relation between the microstructural parameters and the dynamic stress using the soil microstructural quantitative analysis system. It appears that seismic subsidence of loess depends on its microstructure and external stress state. All microstructural parameters hold different variety in the seismic subsidence process of loess. Among them the variety of effective diameter of trellis pores, pore diameter dimension, connectivity and granule beamed degree is in conformity with the variety of residual deformation of loess.

Key words: Loess; Seismic subsidence; Microstructure; Quantitative analysis

0 前言

微观结构是黄土工程性质的一个重要方面,一 方面反映了土体的形成条件,另一方面又是决定土 体物理、力学及其它性质的重要因素。由于黄土的 微结构的复杂性和技术手段的制,以往的研究都是 以定性为主,定量的研究较少且欠全面。随着扫描 电子显微镜(SEM)和专业图片处理系统的应用和 完善,粘性土微结构的定量研究也逐渐发展起来。 吴义祥^[1]、张礼中^[2]研制并发展了土体微观结构图 像的定量分析系统,阐述了结构熵、结构单位的平均 粒径、平均形状等粘土结构状态参数,分析了结构变

收稿日期:2009-11-19

基金项目:国家自然科学基金(50878200);中国地震局兰州地震研究所论著编号:LC2010018

作者简介:裘国荣(1983-),男(汉族),男(汉族),浙江绍兴人,硕士研究生,主要从事工程地震方面研究..

化与粘土特殊物理力学性质之间的关系;施斌^[3]等 研究了我国某些粘性土的结构定向性和有序性的定 量表述方法,并对其结构特性进行了定量评价,获得 了孔隙性、形态、颗粒定向性和各向异性率及结构概 率熵等定量指标;石玉成^[4]等研究了黄土的震陷性 与其显微结构特征的关系定性关系,并对黄土显微 结构进行了分类。

黄土由于其结构的特殊性,颗粒之间点接触为 主,孔隙多呈架空孔隙结构,粘结物和胶结物较少, 过渡带^[5]不明显,因此以往研究的粘性土微结构分 析系统并不能完全应用于黄土的微结构参数分析。 黄土微结构参数的定量研究需要有适合自身的方 法。

黄土在荷载作用下变形随时间的增长而增大, 决定其变形量大小的主要因素之一是黄土的结构强 度[6-7],换言之,黄土的位移和变形主要是由土体内 结构变化(结构单元体之间的相对位移和错动等变 形)所导致的。因此,要研究黄土的变形与强度时效 的本质, 微观结构是研究的起点[4,8], 并以此为基础 建立相关的数学关系,以达到研究和预测黄土变形 和强度变化的目的。黄土的微观结构是由其基本单 元体构成的,通常称为结构单元体,主要是由单粒 (原生矿物的碎屑)和集粒(细小矿物颗粒、个别有较 大的原生矿物碎屑被一些胶结物胶结而成的矿物集 合体)组成的。由于成因类型不同,通常它们在变形 过程中是不稳定的整体,具体表现在它们的位置和 形状都不断在发生着变化,即结构要素的变化。因 此结构单元体在土的变形过程中是处于一种动态的 平衡中,在不同时空上黄土的微观结构具有其各自 独特的变化特征。

要表征不同动荷载对黄土震陷所产生的影响, 不但要宏观上使用震陷系数来衡量最终的震陷量, 而且需要从微观结构上分析各种结构参数的变化过



(a) 原始图片



(b) MATLAB二值化图片
(图 1 黄土微结构图像二值化效果
Fig. 1 Two value effect for microstructure image of loess.

程,以及与动荷载和震陷系数的关系。本文主要从 颗粒形态(颗粒大小、颗粒形状、颗粒级配和表面起 伏性)、颗粒排列形式(颗粒定向性)、孔隙性(孔隙大 小和孔隙级配)和颗粒的接触关系(连通性)四大结 构要素入手分析在不同动荷载作用下黄土震陷的微 观结构要素变化规律。这些结构参数按其确定性分 为确定型结构参数和非确定型结构参数两类。确定 型结构参数包括:颗粒大小、孔隙大小、颗粒定向性、 接触带连通性、颗粒形状等,它们比较容易用常规的 量测方法加以确定;非确定型结构参数包括:表面起 伏性、颗粒和孔隙级配等,它们难以用数学表达和量 测,可根据土的微观结构形态总存在着某种统计意 义上的层次性和自相似性特点,采用分形理论对这 些非确定型结构参数进行量化。

1 图像预处理

通常的图像处理软件处理图片都是通过调节对 比度和明亮度将图片二值化,也可以通过 MAT-LAB等编程软件将图片二值化。由于图像在输入 时因为光线强弱,电压及频率的波动以及各种电磁 信号等因素对摄像过程的干扰,摄入的图像中有一 些干涉影像,因而图片的像素值并不能精确表示颗 粒和孔隙。

利用 Photoshop 软件,根据像素值和经验手动 勾绘出颗粒和孔隙的边缘轮廓,对于图像的颗粒和 孔隙边界界定更为准确,并且也易于微结构参数统 计。一般图像中会存在许多过小的面积颗粒和孔 隙,对于黄土的结构性质和力学性能没有多大的意 义,还会影响到统计微结构参数的效率,因此需要对 此进行图像筛选,即将这些面积过小的无实际意义 的颗粒和面积按其所处位置同化到周边颗粒或孔隙 中。图 1 是经 MATLAB 编程和 Photoshop 手工处 理的原状土样图像二值化效果。



(c) Photoshop二值化图片

2 黄土微结构参数量化方法

黄土的主要结构参数有颗粒大小、颗粒形状、颗 粒级配、表面起伏性、颗粒定向性、孔隙大小、孔隙级 配和颗粒的连通性等,这些结构参数又可分为确定 型结构参数和非确定型结构参数两类。确定型结构 参数可用常规的量测方法和图片数据统计软件直接 加以读取确定;非确定型结构参数根据土的微观结 构形态存在的某种统计意义上的层次性和自相似性 特点,采用分形理论通过对读取的数据加以分析进 行量化。

2.1 粒度分维(D_{ps})和孔径分维(D_{bs})计算方法

粒度组成是土的重要参数之一。通常情况下是 以小于某一粒径(r)的颗粒的累计数目 N(≪r)的分 布特征加以刻划的。由质量分布特征可知两者具有 较好的幂函数对应关系,即

$$N(\leqslant r) \propto r^{-D} \tag{1}$$

 D_{ps} 值越大反映颗粒均一化程度愈差,在含义上与粗 粒土的不均匀系数 C_u 相当。在具体计算时以粒径 ϵ 为横坐标,大于该粒径的颗粒数为 $N(\epsilon)$ 为纵坐 标,在双对数坐标系中确定其对应关系,取其稳定的 直线部分的斜率的负值作为 D_{ps} 。粒径的尺度为单 位像素点,值域为[1,256],这实际上与将其换算成 常规尺度(如 cm 或 mm)效果是完全一致的。孔径 分维计算方法和粒度分维相同,这里不作具体介绍。

2.2 颗粒和孔隙的有效直径

由于颗粒和孔隙的形状不规则,最长弦并不能 完全反应颗粒和孔隙的大小,建议使用等面积圆下 的直径代替。为了更加准确地分析颗粒和孔隙的大 小对黄土性质的影响,引入了有效直径的概念: $\overline{R} =$ $\Sigma R_i \frac{A_i}{A}, R_i$ 是第 *i* 个颗粒或孔隙的等面积圆直径; A_i 是第 *i* 个颗粒的面积; A 是所有颗粒的总面积。 有效直径相对于平均直径考虑了颗粒和孔隙的级配 情况,对于讨论黄土性质更有直接的现实意义。

2.3 颗粒定向度

一般情况下认为土颗粒的长轴代表了颗粒排列 的方向,因此在讨论土微观结构的定向性时,主要研 究长轴的排列方向及其有关特征。通常将颗粒的最 长弦与水平向右的夹角称为颗粒的方向角。由于土 颗粒的大小变化相差十分悬殊,粒径的长轴相差可 达几十倍甚至上百倍、上千倍。土体在变形的过程 中,不同粒径的颗粒在同一应力的作用下,粒径较大 的颗粒被调整的程度较小,粒径较小的颗粒被调整 的程度较大,因此粒径较大的颗粒在整个土体中的 方向性中起较大的作用。为了考虑不同粒径在土体 整体方向性中的地位和作用,引入主方向角的概念:

$$\bar{\alpha} = \sum \alpha_i \frac{A_i}{A}$$
(2)

a; 是第 i 个颗粒的长轴与水平向右方向的夹角,取 值在 0°~180°之间;A; 是第 i 个颗粒的面积;A 是所 有颗粒的总面积。获得了主方向角以后,考虑每个 颗粒偏离主方向角的程度以及不同粒径颗粒的影 响,即颗粒整体排列方向的一致性。取各个颗粒的 方向角与主方向角的偏差绝对值,考虑各个颗粒的 作用与影响,再取权重求和值,得到方向度

$$\bar{\beta} = \sum |\alpha_i - \alpha| \frac{A_i}{A}$$
(3)

 $\bar{\beta}$ 为0时,说明所有颗粒排列一致,颗粒方向角与主 方向角相同,土体的方向一致性程度好;反之, $\bar{\beta}$ 越 大,土体的方向一致性程度越差。

2.4 连通率

黄土土体通常认为是颗粒和孔隙的结合体,颗 粒之间存在多种接触关系,实际上是颗粒的立体效 应,其结合物难以从二维图像中单独提取出来。把 颗粒与颗粒之间的连接边界定为颗粒的接触关系, 这种意义上的接触关系也能在很大意义上反映颗粒 的接触状况。从图1分析,土体中存在两种连接边 界,一种是颗粒与颗粒之间的连接边界,另一种是颗 粒与孔隙之间的连接边界。可以将颗粒与颗粒之间 的的连接边界长与所有颗粒的边界长之比定义为颗 粒的连通率。由于颗粒与颗粒之间的连接边界长难 以直接统计,是所有颗粒的边界长与所有孔隙的边 界长之差,可以得出连通率的计算公式

$$K_{\rm co} = \frac{C_s - C_v}{C_s} \tag{4}$$

Cv、Cs 分别是所有孔隙和所有颗粒的周长之和。

应用 Image-ProPlus 软件能直接读取颗粒和 孔隙的面积、周长、方向角、最长轴、最短轴以及颗粒 的表面起伏分维,再应用 MATLAB 和 Excel 软件 的计算功能,就能得出黄土微结构的非确定性参数。

3 不同动应力下的黄土微结构参数变 化

取样自 1718 年通渭 7.5 级地震区老滑坡体上 顶部边缘未滑移地区的黄土,深度为 4~5 m,试样 整体基本均匀,试样高为 100 mm,直径为 50 mm, 含水量 10%,进行了频率为 1 Hz、动荷载分别为 10 kPa、30 kPa、50 kPa、80 kPa、100 kPa 的正弦波载荷 下的黄土震陷试验,同时对原状样和不同动应力震 陷下的样品进行了扫描电子显微镜的观察照像。按 照以上的微结构参数统计方法对颗粒形态(颗粒大 小、颗粒形状、颗粒级配和表面起伏性)、颗粒排列形 式(颗粒定向性)、孔隙性(孔隙大小和孔隙级配)和 颗粒的接触关系(连通性)四大结构要素进行了分析 统计,主要结构参数统计如表1所示。实验变形是 各对应动应力下孔隙总体积变化之差与原来土样的 总体积之比。

表1 主要结构参数统计表

动应力 /kPa	颗粒表面 起伏分维	颗粒有效 直径/μm	颗粒平均 扁圆度	粒度分维	孔径分维	孔隙有效 直径/μm	颗粒定 向度/°	连通率 /%	<u>实验</u> 变形/%	统计 变形/%
0	1.072 8	41.728 2	1,864 1	1.299 1	0.940 5	60.435 7	49.6917	0.498 2	0	0
10	1.072 8	42.121 2	1,864 2	1.288 5	0.931 2	58.425 6	48.563 2	0.503 4	-0.05	-0.23
30	1.075 2	40.536 4	1,831 2	1.286 5	0.910 1	52.664 5	46.322 2	0.515 6	-0.65	-0.94
50	1.069 8	42.577 1	1.810 5	1.287 8	0.888 5	44.824 1	44.925 3	0.5387	-4.50	-4.80
80	1.071 2	41.432 5	1.820 3	1.303 4	0.879 5	34.6532	43.8762	0.560 1	-8.40	-8.48
100	1.075 6	42.312 6	1.8037	1.314 1	0.8699	31.565 5	43.622 6	0.5667	-9.30	-10.1

从表中分析可以定性的确定孔径分维、空隙有效直径、颗粒定向度和连通率等微结构参数在黄土 震陷过程中变化较大,且与黄土震陷残余应变变化 较为一致,可以认为黄土震陷过程中这四个结构参 数起了主要的内因作用。

为了更加清晰的分析各微结构参数变化与对应 动应力之间的关系,统计了主要结构参数相对于原 状土结构参数的相对偏差(表 2)。

表 2 主要结构参数的相对偏差统计表

动应力 /kPa	颗粒表面 起伏分维/%	颗粒有效 直径/%	颗粒平均 扁圆度/%	粒度分维 /%	孔径分维 /%	孔隙有效直径 /%	颗粒定向 度/%	连通率 /%
0	0	0	0	0	0	0	0	0
10	0	0.94	0.01	-0.82	-0.99	-3.33	-2,27	1.04
30	0.22	-2.86	-1.76	-0.97	-3.23	-12.86	-6,78	3.49
50	-0.28	2.03	-2.88	-0.87	-5.53	-25.83	-9.59	8.13
80	-0.15	-0.71	-2.35	0.33	-6.49	-42.66	-11.70	12.42
100	0.26	1.40	-3.24	1.15	-7.51	-47.77	-12.21	13.75

不考虑微弱变化的结构参数,通过对应的动应 力与相关参数值的线性拟合,可以得出主要结构参 数和相对偏差相对于动应力的线性相关系数(表 3)。

表 3 主要结构参数及相对偏差相对于动应力 的线性相关系数表

_	结构参数	孔径分维	孔隙有效直径	颗粒定向度	连通率
	相关系数	-0.000 7	-0.307 3	-0.060 8	0.0007
	相对偏差 相关系数	-0.075 4	-0.508 4	-0.122 3	0.147 5

通过表 2 和表 3 分析更能明确的发现与黄土震 陷残余变形和外界动应力密切相关的是孔径分维、 空隙有效直径、颗粒定向度和连通率等四个微结构 参数,其它参数在震陷过程中变化不大,与残余应变 关系也不大。这说明黄土震陷过程是通过调整孔隙 大小和颗粒排列来实现的,颗粒的因素作用不大。 在黄土受到动荷载作用产生残余应变过程中,颗粒 之间的点接触极易破坏,孔隙被压缩;骨架颗粒和掉 人孔隙的细碎颗粒在剪应力作用下,向着主方向角 排列,方向度变小;又孔隙变小,土体被压密,颗粒之 间的连接变多,连通率变大。表 3 通过线性拟合更 从定量上得出了孔径分维、空隙有效直径、颗粒定向 度和连通率的微结构参数与动应力应变的线性系 数。从中可以发现,孔隙的有效直径、孔径分维和颗 粒定向度作了负向调整,连通率作了正向调整。这 四个结构参数对应于动应力的线性相关性大小依次 为:孔隙的有效直径>连通率>颗粒定向度>孔径 分维。

4 讨论

黄土震陷形成主要是因为孔隙的变化,因此在 各动应力作用下,孔隙总体积变化之差与原来土样 的总体积之比就是对应的动应力下的残余应变。以 此可得到统计的震陷曲线(图 2)。

从图 2 中可以看出,试验应力应变曲线和统计 应力应变曲线趋势一致,都是分成三段,说明从扫描 电镜获取的微观结构照片统计黄土微结构参数是可 行的方法。统计曲线比试验曲线较大是因为统计过 程中,颗粒内部的孔隙较难统计,在黄土震陷过程 中,大孔隙被破坏,小孔隙比例越来越大。通常情况 下,统计的孔隙要比真实的孔隙数目要少,统计的空



Fig. 2 Seismic subsidence curves of loess.

电镜图像对孔隙的鉴别通常是可能的,但也不 是全部,而是在一定范围内,因此不能包含太大和太 小的孔隙范围。通常孔隙直径不能大过摘取图片的 边长最大值,也不能小于图片分辨像素的最小值。 而且为了使图片分析更趋于快捷的方式,过小的孔 隙和颗粒的直径都应同化到周边的孔隙和直径中。

在震陷初始阶段,当动应力较小时,比如 10~ 30 kPa 以内,黄土变形基本是弹性的;随着试验结 束,变形消失,也就不会在整体残余变形上有多大反 应。图 2 中试验曲线前段黄土震陷残余变形较小, 但统计曲线却稍微偏大。主要原因是实验初始阶 段,动应力较小,架空孔隙破坏尚未形成,但黄土颗 粒之间重新分散聚合,掉入较大孔隙,小孔隙含量变 多,导致统计结果中细小孔隙较难被统计,使得统计 的残余变形结构较大。

5 结论

黄土震陷的微观结构定量分析主要通过对土体 微观结构图像的分析处理获取。黄土震陷主要是通 过孔隙大小调整和颗粒排列方式改变来实现的,在 不同动应力作用下震陷残余变形中,并不是所有的 微结构参数变化保持一致,有的结构参数变化并不 明显,而且不动的微结构参数对黄土震陷残余应变 作出不同贡献。黄土宏观残余应变是黄土微观结构 发生变化所致,因此黄土微观结构定量分析可以建 立结构状态参数与其对应的宏观力学参量之间的对 应关系。

黄土微结构参数的定量化可以为黄土微结构类 型的划分和分类提供定量的标准,使微结构参数作 为一个重要的指标参与评价黄土震陷性的变化规 律,并为改善黄土的工程性质提供可靠的依据。

[参考文献]

- [1] 吴义祥. 工程黏性土微观结构定量分析[J]. 中国地质科学院 院报,1991,23:143-153.
- [2] 张礼中,胡瑞林,李向全. 土体微观结构定量分析系统及应用[J]. 地质科技情报,2008,27(1):163-170.
- [3] 施斌,李生林. 黏性土微观结构 SEM 图像的定量研究[J]. 中 国科学(A辑),1995,25(6):666-672.
- [4] 石玉成,李兰,刘红玫.黄土的震陷性与其微结构特征的关系研究[J].西北地震学报,2002,24(2):129-134.
- [5] 胡瑞林. 黏性土微结构定量模型及其工程地质特征研究[M]. 北京:地质出版社,1995.
- [6] 徐舜华,王兰民,袁中夏.黄土震陷初判指标的界定研究[J]. 西北地震学报,2006,28(2):140-143.
- [7] 何丽君,石玉成,杨惠林,等.地震动作用下黄土边坡稳定性分析[J].西北地震学报,2009,31(2):142-147.
- [8] 张晁军,石耀霖,黄建平.粘弹性分层和重力作用对地震形变场 数值模拟的影响[J].西北地震学报,2008,30(3):201-207.